

Índice general

1. ESPACIO MÉTRICO

| | | |
|-------|---|----|
| I. | Distancia | 1 |
| II. | Entorno y entorno reducido | 4 |
| III. | Intervalos | 6 |
| IV. | Conjunto acotado | 7 |
| V. | Punto de acumulación | 9 |
| VI. | Punto interior | 12 |
| VII. | Punto aislado, exterior, frontera | 14 |
| VIII. | Algunas propiedades | 17 |

2. VECTORES

| | | |
|------|---|----|
| I. | Espacio vectorial | 26 |
| II. | Dependencia lineal | 29 |
| III. | Álgebra vectorial | 31 |
| IV. | Ángulos y cosenos directores | 37 |
| V. | Nociones de geometría analítica en \mathbb{R}^3 | 39 |
| VI. | Representaciones gráficas en \mathbb{R}^3 | 43 |
| VII. | Sistemas de coordenadas | 54 |

3. CAMPOS ESCALARES

| | | |
|------|---|----|
| I. | Función de dos variables | 59 |
| II. | Curvas y superficies de nivel | 63 |
| III. | Límite funcional doble (simultáneo) | 66 |
| IV. | Límites sucesivos o reiterados | 75 |
| V. | Continuidad | 84 |

4. DERIVADAS

| | | |
|------|--|-----|
| I. | Derivadas parciales | 94 |
| II. | Derivadas parciales sucesivas | 102 |
| III. | Derivada direccional | 105 |
| IV. | Función diferenciable | 117 |
| V. | Plano tangente y recta normal a una superficie | 127 |

5. FUNCIONES COMPUESTAS

| | |
|---|-----|
| I. Generalización del concepto de función | 137 |
| II. Derivación de funciones compuestas | 142 |
| III. Funciones definidas implícitamente | 150 |
| IV. Funciones definidas implícitamente por sistemas de ecuaciones | 157 |
| V. Funciones homogéneas | 164 |

6. MÁXIMOS Y MÍNIMOS

| | |
|--|-----|
| I. Fórmula de Taylor | 170 |
| II. Extremos de un campo escalar | 175 |
| III. Extremos condicionados | 187 |

7. INTEGRACIÓN MÚLTIPLE

| | |
|---|-----|
| I. Integral doble | 198 |
| II. Integral doble según Riemann | 204 |
| III. Integrales reiteradas (sucesivas o iteradas) | 210 |
| IV. Integración sobre regiones no rectangulares | 218 |
| V. Aplicaciones geométricas de la integral doble | 240 |
| VI. Integral triple | 248 |

8. LA INTEGRAL COMO LÍMITE

| | |
|--|-----|
| I. La integral simple como límite | 261 |
| II. Integral doble y triple como límite | 268 |
| III. Cambio de variables | 270 |
| IV. Área de una superficie en \mathbb{R}^3 | 280 |
| V. Aplicaciones físicas | 285 |

9. FUNCIÓN VECTORIAL

| | |
|---|-----|
| I. Límite de una función vectorial | 292 |
| II. Álgebra de funciones vectoriales | 294 |
| III. Continuidad de una función vectorial | 296 |
| IV. Curvas | 297 |
| V. Derivada de una función vectorial | 301 |
| VI. Versores principales | 305 |
| VII. Curvas rectificables | 312 |

10. INTEGRAL CURVILÍNEA

| | |
|--|-----|
| I. Integral sobre una curva plana | 326 |
| II. Teorema de Green | 336 |
| III. Independencia de la trayectoria | 343 |
| IV. Integral sobre una curva alabeada | 355 |
| V. Divergencia y rotor de un campo vectorial | 359 |
| VI. Integral de superficie | 362 |

11. ECUACIONES DIFERENCIALES

| | |
|---|-----|
| I. Nociones generales | 386 |
| II. Ecuación diferencial de una familia de curvas | 391 |
| III. Trayectorias ortogonales | 393 |
| IV. Variables separables | 396 |
| V. Ecuaciones homogéneas | 398 |
| VI. Ecuación diferencial lineal de primer orden | 403 |
| VII. Ecuación diferencial total exacta | 408 |
| VIII. Ecuación lineal de segundo orden incompleta | 413 |
| IX. Ecuación lineal de segundo orden completa | 424 |