

# Indice

<b>Prefacio</b>	<b>xiv</b>
<b>1 Introducción</b>	<b>1</b>
1.1 Problema general de Control . . . . .	1
1.1.1 Experimentación . . . . .	1
1.1.2 Simulación . . . . .	2
1.1.3 Teoría . . . . .	3
1.1.4 Ejemplo . . . . .	4
1.2 ¿ Por qué realimentar ? . . . . .	6
1.3 Objetivos de una teoría aplicada . . . . .	10
1.4 Compromisos dentro del lazo . . . . .	14
1.5 Perspectiva Histórica . . . . .	16
1.6 Objetivos del texto . . . . .	19
<b>2 Sistemas univariabes</b>	<b>21</b>
2.1 Introducción . . . . .	21
2.2 Estabilidad nominal . . . . .	22
2.3 Estabilidad robusta . . . . .	24
2.3.1 Márgenes de Fase y Ganancia . . . . .	24
2.3.2 Incertidumbre dinámica global . . . . .	28
2.4 Performance nominal . . . . .	35
2.4.1 Perturbaciones conocidas . . . . .	37
2.4.2 Perturbaciones acotadas a la salida . . . . .	38
2.4.3 Otros criterios de performance . . . . .	42
2.5 Performance robusta . . . . .	43
2.6 Extensiones a Sistemas Multivariabes . . . . .	48
2.7 Problemas . . . . .	55

<b>3</b>	<b>“Loop shaping” multivariable</b>	<b>59</b>
3.1	Introducción . . . . .	59
3.2	Estabilidad nominal ( $\Delta = 0$ ) . . . . .	62
3.3	Performance nominal ( $\Delta = 0$ ) . . . . .	63
3.4	Estabilidad robusta ( $\Delta \neq 0$ ) . . . . .	65
3.5	Performance robusta ( $\Delta \neq 0$ ) . . . . .	67
3.6	Método de diseño . . . . .	69
3.7	Incertidumbre dinámica en la entrada . . . . .	71
3.8	Otros métodos de diseño . . . . .	74
3.9	Problemas . . . . .	76
<b>4</b>	<b>Control Moderno “clásico”</b>	<b>77</b>
4.1	Introducción . . . . .	77
4.2	Ubicación de Polos . . . . .	78
4.3	Determinístico vs. Estocástico . . . . .	81
4.4	Regulador Óptimo Lineal . . . . .	83
4.4.1	Introducción . . . . .	83
4.4.2	Caso lineal Determinístico . . . . .	86
4.4.3	Caso lineal Estocástico . . . . .	91
4.5	Observador Óptimo lineal . . . . .	92
4.5.1	Interpretación Estocástica . . . . .	94
4.6	Dualidad y Equivalencias . . . . .	96
4.7	Propiedades robustas . . . . .	98
4.8	Óptimo con realimentación de salida . . . . .	102
4.9	Problemas . . . . .	106
<b>5</b>	<b>Diseño en tiempo y frecuencia</b>	<b>109</b>
5.1	Introducción . . . . .	109
5.2	LQG/LTR . . . . .	111
5.2.1	Planteo . . . . .	111
5.2.2	Aplicación a la Turbina F-100 . . . . .	115
5.3	LQG en el dominio de la frecuencia . . . . .	122
5.3.1	Aplicación al diseño de un autopiloto . . . . .	127
<b>6</b>	<b>Control óptimo en <math>\mathcal{H}_2</math> y <math>\mathcal{H}_\infty</math></b>	<b>135</b>
6.1	Introducción . . . . .	135
6.2	Regulador óptimo cuadrático (LQR) . . . . .	136

6.3	Regulador óptimo en $\mathcal{H}_\infty$ . . . . .	141
6.3.1	Cómputo de la norma $\ \cdot\ _\infty$ . . . . .	141
6.3.2	Cómputo del regulador en $\mathcal{H}_\infty$ . . . . .	143
6.4	Control óptimo en $\mathcal{H}_2$ . . . . .	144
6.4.1	Problemas especiales . . . . .	144
6.4.2	Cómputo del control óptimo en $\mathcal{H}_2$ . . . . .	151
6.5	Control óptimo en $\mathcal{H}_\infty$ . . . . .	154
6.5.1	Aplicación al diseño de un autopiloto . . . . .	157
6.6	Problemas . . . . .	163
<b>7</b>	<b>Aproximación de Modelos</b> . . . . .	<b>165</b>
7.1	Introducción . . . . .	165
7.2	Enfoque Geométrico . . . . .	167
7.2.1	Espacio Controlable/Observable . . . . .	167
7.2.2	Direcciones preferenciales . . . . .	169
7.3	Valores Singulares de Hankel . . . . .	176
7.3.1	Sistemas Continuos . . . . .	176
7.3.2	Sistemas Discretos . . . . .	177
7.3.3	Operadores de Hankel . . . . .	179
7.4	Reducción de Modelos . . . . .	184
7.4.1	Introducción . . . . .	184
7.4.2	Realizaciones Balanceadas . . . . .	187
7.4.3	Truncamiento . . . . .	190
7.5	Algoritmos . . . . .	192
7.6	Problemas . . . . .	195
<b>8</b>	<b>Descripción Fraccional de Sistemas</b> . . . . .	<b>197</b>
8.1	Introducción . . . . .	197
8.2	Matrices de Polinomios . . . . .	198
8.2.1	Definiciones . . . . .	198
8.2.2	Descripción fraccional . . . . .	203
8.3	Ceros y Polos multivariantes . . . . .	207
8.3.1	Forma de Smith-McMillan . . . . .	207
8.3.2	Definiciones equivalentes . . . . .	209
8.4	Matrices de Transferencia . . . . .	213
8.5	Fracciones primas en variables de estado . . . . .	216
8.5.1	Estructura de la realización . . . . .	216

8.5.2	Estabilización . . . . .	221
8.5.3	Resultados . . . . .	224
8.6	Controladores estabilizantes . . . . .	225
8.6.1	Sistemas bien planteados . . . . .	225
8.6.2	Estabilidad interna . . . . .	227
8.6.3	Parametrización . . . . .	229
8.7	Aplicaciones del planteo algebraico . . . . .	233
8.7.1	Controlador de dos grados de libertad . . . . .	233
8.7.2	Perturbaciones divergentes . . . . .	236
8.7.3	Ejemplo . . . . .	241
8.8	Problemas . . . . .	246
<b>9</b>	<b>Incertidumbre Estructurada</b>	<b>249</b>
9.1	Introducción . . . . .	249
9.2	Margen de Estabilidad . . . . .	252
9.3	Incertidumbre dinámica estructurada . . . . .	255
9.3.1	Cómputo . . . . .	255
9.3.2	Análisis y Síntesis . . . . .	259
9.4	Incertidumbre paramétrica . . . . .	263
9.4.1	Introducción . . . . .	263
9.4.2	Teorema de Kharitonov . . . . .	266
9.4.3	Estructuras afines . . . . .	271
9.4.4	Estructuras multilineales particulares . . . . .	275
9.4.5	Estructuras paramétricas generales . . . . .	277
9.5	Incertidumbres combinadas . . . . .	291
9.5.1	Planteo del Problema . . . . .	291
9.5.2	Cómputo . . . . .	294
9.5.3	Ejemplo . . . . .	297
9.6	Problemas . . . . .	300
<b>10</b>	<b>Aplicaciones</b>	<b>301</b>
10.1	ANÁLISIS PARAMÉTRICO . . . . .	301
10.1.1	Modelo linealizado . . . . .	301
10.1.2	Resultados . . . . .	306
10.2	SINTESIS EN $\mathcal{H}_\infty$ . . . . .	309
10.2.1	Modelo . . . . .	309
10.2.2	Diseño . . . . .	311

10.2.3	Resultados . . . . .	315
10.3	SINTESIS- $\mu$ . . . . .	317
10.3.1	Hipótesis y Modelo . . . . .	317
10.3.2	Diseño . . . . .	318
10.3.3	Resultados . . . . .	320
10.4	RETARDOS DE TIEMPO . . . . .	321
10.4.1	Modelo matemático de la Planta . . . . .	324
10.4.2	Modelo (computacional) reducido . . . . .	325
10.4.3	Análisis Robusto del sistema . . . . .	327
10.4.4	Diseño del Controlador . . . . .	334
10.5	PLANTA MAL CONDICIONADA . . . . .	336
10.5.1	Introducción . . . . .	336
10.5.2	Destilación de Alta Pureza . . . . .	339
10.5.3	Diseños del controlador . . . . .	341
<b>A</b>	<b>Fundamentos matemáticos</b>	<b>349</b>
A.1	Estructuras algebraicas . . . . .	349
A.1.1	Grupo . . . . .	349
A.1.2	Anillo . . . . .	350
A.1.3	Cuerpo . . . . .	351
A.1.4	Espacio vectorial . . . . .	351
A.2	Espacios de funciones . . . . .	355
A.2.1	Introducción . . . . .	355
A.2.2	Espacios de Banach y Hilbert . . . . .	355
A.2.3	Espacios de señales y transferencias . . . . .	356
A.3	Transformaciones Lineales . . . . .	358
A.3.1	Núcleo y Rango . . . . .	358
A.3.2	Isomorfismo e Isometría . . . . .	361
A.3.3	Norma inducida . . . . .	362
A.4	Valores Singulares . . . . .	363
A.4.1	Definición . . . . .	363
A.4.2	Propiedades y Aplicaciones . . . . .	365
<b>B</b>	<b>Modelos en variables de estado</b>	<b>369</b>
B.1	Controlabilidad . . . . .	369
B.2	Estabilizabilidad . . . . .	372
B.3	Observabilidad . . . . .	372

B.4	Detectabilidad . . . . .	374
B.5	Realizaciones mínimas . . . . .	375
B.6	Gramianos . . . . .	380
B.6.1	Propiedades de Gramianos . . . . .	380
B.6.2	Aplicaciones . . . . .	382
B.7	Interconexión de Sistemas . . . . .	382
B.7.1	Serie . . . . .	382
B.7.2	Cambio de variables . . . . .	383
B.7.3	Realimentación de estado . . . . .	384
B.7.4	Estimación del estado . . . . .	384
B.7.5	Sistema transpuesto . . . . .	384
B.7.6	Sistema conjugado-transpuesto . . . . .	385
B.7.7	Paralelo . . . . .	385
B.7.8	Realimentación . . . . .	386
B.7.9	Inversa . . . . .	386
B.8	Transformación Lineal Fraccionaria . . . . .	387
<b>C</b>	<b>Ecuaciones matriciales</b>	<b>395</b>
C.1	Ecuación de Sylvester/Lyapunov . . . . .	395
C.1.1	Planteo . . . . .	395
C.1.2	Resolución . . . . .	396
C.1.3	Aplicaciones . . . . .	397
C.2	Ecuación de Riccati . . . . .	398
	<b>Referencias</b>	<b>403</b>